

GARA1 2019 - SECONDARIA PRIMO GRADO - INDIVIDUALE

ESERCIZIO 1

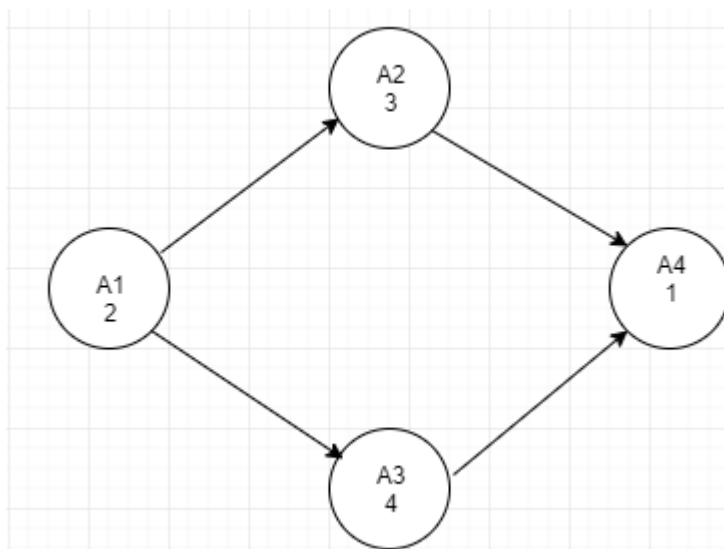
Premessa

La tabella che segue descrive le attività di un progetto (indicate rispettivamente con le sigle A1, A2, ...), riportando per ciascuna di esse il numero di giorni necessari per completarla.

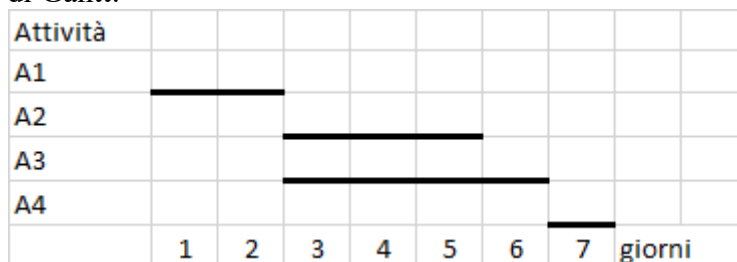
Attività	Giorni
A1	2
A2	3
A3	4
A4	1

Le attività devono *succedersi opportunamente* nel tempo perché, per esempio, una attività utilizza il prodotto di altre: quindi le *priorità* sono descritte con coppie di sigle. Ad esempio, la priorità [A1,A2] indica che l'attività A2 potrà essere iniziata solo dopo il completamento dell'attività A1.

Se le priorità tra le attività del progetto sono: [A1,A2], [A1,A3], [A2,A4], [A3,A4] la prima attività è la A1 (non è mai presente in seconda posizione) e l'ultima attività è la A4 (non è mai presente in prima posizione). Per ogni altra attività si individuano le precedenze:



da cui il diagramma di Gantt:



Per trovare il numero minimo N di giorni necessari per completare il progetto rispettando le priorità, servirà calcolare la somma dei giorni necessari scegliendo l'attività più lunga, quando si valutano quelle che possono essere svolte in contemporanea. Nel nostro caso, il numero minimo di giorni necessari per completare il progetto sarà: 2 (giorni per completare A1) + 4 (giorni per completare la più lunga attività fra A2 e A3) + 1 (giorni per completare A4) = 7.

PROBLEMA

La tabella che segue descrive le attività di un progetto (indicate rispettivamente con le sigle A1, A2, ...), riportando per ciascuna di esse il numero di giorni necessari per completarla.

Attività	Giorni
A1	5
A2	4
A3	6
A4	3

Le priorità tra le attività sono: [A1,A2], [A1,A3], [A2,A4], [A3,A4]

Trovare il numero N di giorni necessari per completare il progetto, tenuto presente che alcune attività possono essere svolte in parallelo e che ogni attività deve iniziare prima possibile (nel rispetto delle priorità).

N	
---	--

ESERCIZIO 2

PREMESSA

In un foglio a quadretti è disegnato un “campo di gara”, per esempio di 14 quadretti in orizzontale e 5 in verticale (vedi figura).

									S				
					P								
→													

Ogni casella può essere individuata da due numeri (interi); per esempio la casella contenente P è individuata dall’essere nella sesta colonna (da sinistra) e nella terza riga (dal basso): brevemente si dice che ha *coordinate* [6,3]; la prima coordinata (in questo caso 6) si dice *ascissa* e la seconda (in questo caso 3) si dice *ordinata*. Le coordinate della casella contenente S sono [10,4] e di quella contenente la freccia sono [1,1].

La freccia può essere pensata come un robot, in questo caso rivolto verso destra; lo stato del robot può quindi essere individuato da tre “valori”: due per le coordinate della casella che occupa e uno per indicare il suo orientamento. Per quest’ultimo si possono usare i simboli della stella dei venti: E, S, W, N: per indicare che il robot è rivolto, rispettivamente, a *destra*, in *basso*, a *sinistra*, in *alto* (con riferimento a chi guarda il foglio); lo stato del robot, rappresentato dalla freccia nella figura è [1,1,E].

Il robot può eseguire tre tipi di comandi:

- girarsi di 90 gradi in senso *orario*: comando **o**;
- girarsi di 90 gradi in senso *antiorario*: comando **a**;
- avanzare di una casella (nel senso della freccia, mantenendo l’orientamento): comando **f**.

Questi comandi possono essere concatenati in sequenze in modo da permettere al robot di compiere vari percorsi; per esempio la sequenza di comandi descritta dalla lista [f,f,f,f,f,a,f,f] fa spostare il robot dalla posizione e orientamento iniziali mostrati in figura fino alla casella P; le caselle via via occupate (quella di partenza e quella di arrivo comprese) sono quelle della lista:

$$[[1,1],[2,1],[3,1],[4,1],[5,1],[6,1],[6,2],[6,3]].$$

La stessa casella di arrivo si raggiunge con la lista di comandi [a,f,f,o,f,f,f,f], ma il percorso è diverso ed è descritto dalla lista

$$[[1,1],[1,2],[1,3],[2,3],[3,3],[4,3],[5,3],[6,3]].$$

Inoltre, nel primo caso lo stato l’orientamento finale del robot è verso l’alto (stato [6,3,N]), mentre nel secondo caso l’orientamento finale è verso destra (stato [6,3,E]).

PROBLEMA

In un campo di gara il robot è nella casella [5,10] con orientamento verso Nord e terminerà il percorso con orientamento verso Sud. Trovare la lista L dei comandi da assegnare al robot per fargli compiere il percorso descritto dalla seguente lista di caselle

$$[[5,10],[5,10],[6,10],[6,10],[6,11],[6,11],[7,11],[7,11]]$$

L	[]
---	-----

ESERCIZIO 3

Un algoritmo di crittazione a sostituzione monoalfabetica consiste nel sostituire ogni simbolo del messaggio in chiaro con quello dato da una tabella di conversione, che trasforma ogni simbolo in un altro. La particolare tabella usata è la chiave di crittazione. Ad esempio, con la seguente tabella di conversione (o chiave di crittazione):

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
W	X	Y	U	V	N	K	L	M	O	P	Q	R	S	T	Z	D	E	F	A	B	C	G	H	I	J

(ovvero la A diventa una W, la B una X, etc.)

la parola NASO è crittata in SWFT. Un caso particolare è dato dal cifrario di Cesare, cifrario a sostituzione monoalfabetica in cui ogni lettera del testo in chiaro è sostituita nel testo cifrato dalla lettera che si trova un certo numero di posizioni dopo nell'alfabeto. Ad esempio, considerando un cifrario con chiave 13, la parola NASO è crittata in ANFB.

PROBLEMI

- a) Usando il cifrario di Cesare, crittare il messaggio MESSAGGIO CIFRATO con chiave 4 e scriverlo in A conservando gli spazi tra le parole.
- b) Usando il cifrario di Cesare, decrittare il messaggio MDDUHA UZ EQDMFM sapendo che è stato crittato con chiave 12 e scriverlo in B conservando gli spazi tra le parole
- c) Usando la chiave di crittazione:

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
 W X Y U V N K L M O P Q R S T Z D E F A B C G H I J

decrittare il messaggio RWSUWEMST WCWEMWAT e scriverlo in C conservando gli spazi tra le parole

A	
B	
C	

ESERCIZIO 4

Premessa

Sono date alcune scatole, designate da lettere A, B, C, ...; queste scatole contengono dei numeri. La scrittura

$$F = A + B;$$

significa: sommare i numeri contenuti nelle scatole A e B e inserire il numero risultato nella scatola F; il numero precedentemente contenuto in F viene perso.

Se per le scatole A, B, e D vengono acquisiti i seguenti valori $A=2$, $B=3$, $D=7$ e vengono poi eseguiti i seguenti calcoli

$$C = A + D - B;$$

$$A = C - A;$$

al termine, i contenuti delle quattro scatole saranno i seguenti: $C = 6$, $A = 4$, $B = 3$, $D = 7$.

PROBLEMA

Si devono eseguire nell'ordine indicato i seguenti calcoli, dove il simbolo * (asterisco) è usato per indicare la moltiplicazione:

$$D = (A + B)/2;$$

$$A = A + B + D;$$

$$B = A + B + D;$$

$$D = A + B + D;$$

Se all'inizio per le scatole A e B vengono acquisiti i seguenti valori $A = 3$ e $B = 5$, calcolare i contenuti finali delle scatole A, B e D.

A	
B	
D	

ESERCIZIO 5

Premessa

Le scatole vengono simbolicamente usate come contenitori di valori. Durante lo svolgimento dei calcoli i valori contenuti in una scatola possono variare: per questo i nomi delle scatole possono essere interpretati come nomi di variabili.

D’ora in avanti l’insieme dei calcoli proposti sarà presentato come una procedura da eseguire. Per uniformare la scrittura al gergo dei linguaggi di programmazione, l’operazione per acquisire i valori iniziali viene indicata dal comando *read* e quella per indicare la disponibilità dei valori finali viene indicata dal comando *write*.

PROBLEMA

Procedura Calcolo 1;

Variabili: A, B, C;

read A, B;

$C = A + B$;

$A = X + C$;

$B = Y + C$;

write A, B;

Fine procedura;

Nelle istruzioni sottolineate ($A = X + C$; e $B = Y + C$;) X e Y vanno sostituiti o con A oppure con B; trovare il nome delle variabili da sostituire a X e a Y in modo da ottenere come risultati finali $A = 23$ e $B = 37$ sapendo che vengono inizialmente letti i seguenti valori $A = 5$ e $B = 9$.

X	
Y	

ESERCIZIO 6

Premessa

In questo PROBLEMA si devono sostituire i caratteri X, Y e Z con i nomi delle tre variabili A, B e C dichiarate nella procedura.

PROBLEMA

Procedura Calcolo 2;

Variabili A, B, C;

read A, B;

$C = X$;

$B = Y$;

$A = Z$;

write A, B;

Fine procedura;

Trovare i nomi delle variabili da sostituire a X, Y e Z in modo da scambiare i valori delle variabili A e B: se all’inizio si ha $A = 1$ e $B = 3$, alla fine si deve avere $A = 3$ e $B = 1$.

X	
Y	
Z	

ESERCIZIO 7

Premessa

L'alternativa semplice. Se in una procedura compaiono le seguenti istruzioni

...

$M = A$;

if $B > A$ then $M = B$; endif;

write M ;

...

l'operazione $M = B$ viene eseguita se e solo se B è maggiore di A .

Se $B = 5$ e $A = 3$ il valore finale sarà $M = 5$ (perché $5 > 3$ è vero e $M = B$ viene eseguita); se $B = 4$ e $A = 6$ il valore finale sarà $M = 6$ (perché $4 > 6$ è falso e $M = B$ non viene eseguita).

PROBLEMA

Procedura Calcolo 3;

Variabili: A, B, C, M ;

read A, B, C ;

$M = A$;

if $B < M$ then $M = B$; endif;

if $M > C$ then $M = C$; endif;

write M ;

Fine procedura;

Calcolare il valore finale di M corrispondente ai seguenti valori iniziali $A = 8, B = 5, C = 6$.

M	
---	--

ESERCIZIO 8

Premessa

L'alternativa doppia. Se in una procedura compaiono le seguenti istruzioni

...

read A, B;

if $B > A$ then $M = B$;

 else $M = A$;

endif;

write M;

...

In questa situazione se $B > A$ è vero, *allora* viene eseguita $M = B$; *altrimenti* viene eseguita $M = A$.
Se $A = 6$ e $B = 8$, viene eseguita $M = B$; se $A = 9$ e $B = 4$, viene eseguita $M = A$; se $A = 5$ e $B = 5$
($B > A$ è falso) viene eseguita $M = A$!

PROBLEMA

Procedura Calcolo 4;

Variabili: A, B, C, M;

read A, B, C;

if $C < B$ then $B = C$; endif;

if $B > A$ then $M = A$;

 else $M = B$;

endif;

write M;

Fine procedura;

Calcolare il valore finale di M corrispondente ai seguenti valori iniziali $A = 7$, $B = 5$, $C = 4$.

M	
---	--